

1 Exemplul 1

1. Să se precizeze semnificația geometrică a parametrilor A, B, C din ecuația generală a planului:

$$Ax + By + Cz + D = 0.$$

2. Să se rezolve cu algoritmul lui Gauss sistemul:

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 4 & 9 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 6 \\ 14 \\ 3 \end{pmatrix}.$$

3. Să se afle simetricul punctului $M(1, 2, 3)$ față de planul de ecuație $x - 2y + 3z - 5 = 0$.

4. Să se scrie ecuația tangentei în punctul $M(1, 2)$ de pe curba

$$\begin{aligned} x &= t^3 \\ y &= 2t. \end{aligned}$$

5. Să se afle curbura curbei: $x = \cos t, y = a \sin t, z = bt$.

2 Exemplul 2

1. Să se explice semnificația geometrică a parametrilor l, m, n din ecuațiile canonice ale drepte:

$$\frac{x - x_0}{l} = \frac{y - y_0}{m} = \frac{z - z_0}{n}.$$

2. Să se afle torsiunea curbei:

$$x = \cos t, y = a \sin t, z = bt.$$

3. Să se afle ecuația suprafeței descrisă de rotația drepte

$$x - y + z - 1 = 0$$

$$x + y + z + 1 = 0$$

în jurul axei Oz .

4. Să se afle, folosind algoritmul lui Gauss, inversa matricei:

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \\ 1 & 4 & 9 \end{pmatrix}.$$

5. Să se calculeze $\bar{v}_1 \times (\bar{v}_2 \times \bar{v}_1)$, unde $\bar{v}_1 = \bar{i} + \bar{j} - \bar{k}$, $\bar{v}_2 = \bar{i} - 2\bar{j} + 3\bar{k}$.