



Recursivitatea

- O funcție recursivă se poate **auto-apela**
 - **Direct** – funcția conține un apel al ei însăși
 - **Indirect** – funcția conține un apel al altei funcții, iar aceasta din urmă conține la rândul ei un apel către prima funcție
- La fiecare apel recursiv **se stochează la locații separate pe stivă**
 - Valorile variabilelor locale automate pentru apelul respectiv
 - Valorile parametrilor formali pentru apelul respectiv
 - Adresa de întoarcere din apelul respectiv
- De-a lungul apelurilor recursive **sunt stocate pe *heap* și își păstrează locația**
 - Variabilele statice
 - Variabilele globale



Terminarea recursivității

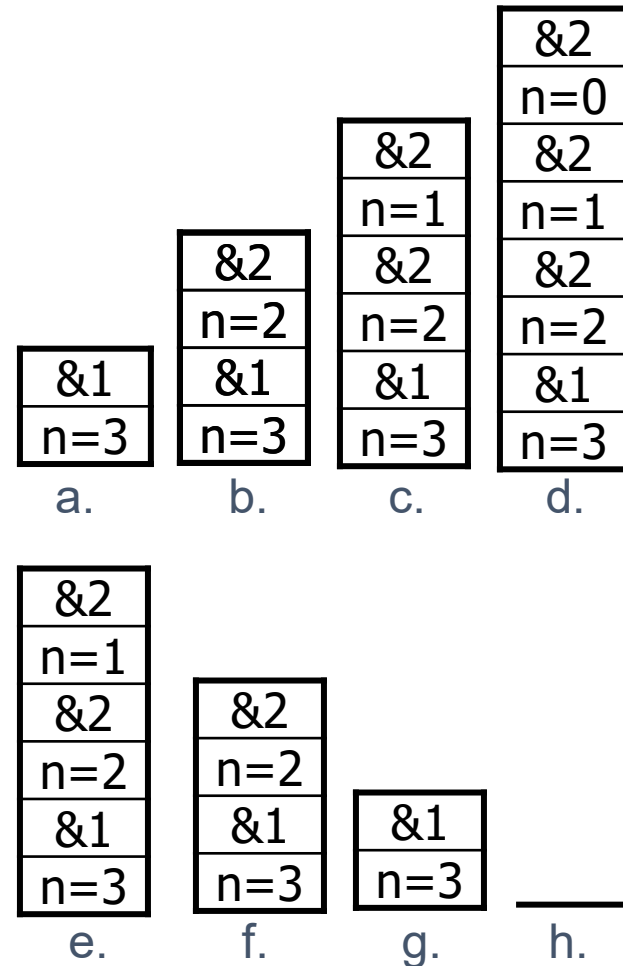
- O funcție recursivă trebuie să aibă în construcția ei o **condiție de terminare**
 - Altfel apelul recursiv poate să ducă la o buclă infinită (asemănătoare structurilor repetitive în care condiția de continuare este întotdeauna adevărată și care iterează la nesfârșit)!
- **Adâncimea recursivității** trebuie să nu fie una foarte mare
 - La fiecare apel recursiv se memorează pe stivă
 - Parametrii funcției
 - Variabilele locale automate
 - Adresa de revenire din apelul funcției
 - Aceasta variază în funcție de numărul de octeți conținuți în parametri și variabilele locale automate
 - În cazul depășirii dimensiunii maxime a stivei, programul se termină subit în urma unei erori – ***stack overflow***



Exemplu – Calculul lui $n!$

• Evoluția stivei de apeluri:

- Imediat după intrarea în apelul lui `factorial(3)`
- Imediat după intrarea în apelul recursiv al lui `factorial(2)`
- Imediat după intrarea în apelul recursiv al lui `factorial(1)`
- Imediat după intrarea în apelul recursiv al lui `factorial(0)`
- Imediat după ieșirea din apelul recursiv (pentru $n=0$)
- Imediat după ieșirea din apelul recursiv (pentru $n=1$)
- Imediat după ieșirea din apelul recursiv (pentru $n=2$)
- Imediat după ieșirea din apelul recursiv (pentru $n=3$) în funcția `main()`





Exemplu – Valoarea minimă dintr-un șir de întregi

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

int minim(int *a, int stg, int dr) {
    if (stg==dr)
        return a[stg];
    else
    {
        int m = minim(a, stg+1, dr);
        if (a[stg]<m)
            return a[stg];
        else
            return m;
    }
}

int main() {
    int n=5;
    int a[]={3,6,4,1,2};
    printf("%d",minim(a,0,n-1)); // 1
    return 0;
}
```




Recursivitate neliniară

- Funcția se auto-apelează de mai multe ori de-a lungul firului execuției ei
- Exemple
 - Șirul lui Fibonacci

$$fib(n) = \begin{cases} 0, & \text{dacă } n = 0 \\ 1, & \text{dacă } n = 1 \\ fib(n-1) + fib(n-2), & \text{dacă } n \geq 2 \end{cases}$$

- Partițiile unui număr natural pozitiv
 - Exemplu pentru numărul 4:
 $\{1, 1, 1, 1\}, \{1, 1, 2\}, \{1, 2, 1\}, \{1, 3\}, \{2, 1, 1\}, \{2, 2\}, \{3, 1\}, \{4\}$



Depășirea stivei !

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

void f(int n) {
    double x[10000]; // Tablou alocat pe stiva la fiecare apel
    if (n==0)
        return;
    else
    {
        f(n-1);
        printf("%d ",n);
    }
}

int main() {
    f(10); // 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
    f(100); // Depasire de stiva !!!
    return 0;
}
```



Recursivitatea – important !

- Pentru a evita ciclul infinit scrieți un caz special în care funcția să nu se apeleze recursiv
- Atenție la funcțiile care se pot apela prin recursivitate indirectă
- Recursivitatea trebuie gândită bine – altfel se pot scrie programe total ineficiente
- Recursivitatea este o alternativă pentru structurile repetitive *for* și *while* utilizate în calcule ce necesită iterații multiple
- Funcțiile recursive sunt foarte utile când structurile de date (ex. arbori binari de căutare) sau paradigma de programare (ex. *divide et impera*) sunt recursive prin definiție



Recursivitatea – important !

- O funcție recursivă ar trebui să aibă următoarele trei proprietăți
 - Nu se auto-apelează la infinit
 - Se va identifica cazul special (sau condiția de terminare) în care funcția nu se auto-apelează
 - Se va asigura faptul că succesiunea de apeluri recursive va conduce către acest caz special
 - Pot să existe mai multe astfel de cazuri speciale
 - Fiecare caz special de oprire
 - Trebuie să returneze valoarea corectă pentru acel caz (în cazul funcțiilor care returnează o valoare)
 - Trebuie să execute acțiunile corecte pentru acel caz (în cazul funcțiilor care nu returnează nicio valoare)
 - Pentru cazurile care necesită apeluri recursive, dacă apelul recursiv se execută corect (sau returnează o valoare corectă) atunci acțiunea finală este corectă (sau calculul final este corect)